

## 6. Taxa d'interès real, equació de Fisher, efecte Fisher

### 1. Taxa d'interès real

La taxa d'interès real  $r$  d'una economia representa el poder de compra de la taxa d'interès nominal  $i$  de l'economia: és la taxa nominal  $i$  expressada en termes de béns. Que la taxa d'interès nominal entre el període  $t$  i el període  $t + 1$  és  $i$  vol dir que, prestant 1 unitat monetària en  $t$ , es reben  $1 + i$  unitats monetàries en  $t + 1$ . Que la taxa d'interès real entre el període  $t$  i el període  $t + 1$  és  $r$  vol dir que, prestant 1 unitat de béns en  $t$ , es reben  $1 + r$  unitats de béns en  $t + 1$ . La taxa  $r$  expressa poder de compra: la quantitat de béns obtinguts per unitat de bé prestada.

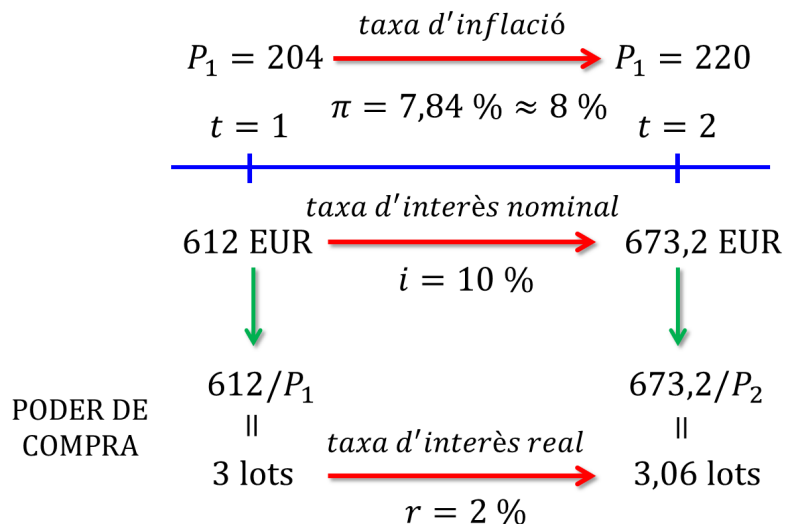
### 2. Un exemple sobre la taxa d'interès real

Representem "béns" pel lot de l'IPC. Hi ha dos períodes,  $t = 1$  i  $t = 2$ . la taxa d'interès nominal entre  $t = 1$  i  $t = 2$  és  $i = 10\%$ . El cost de lot de l'IPC en  $t = 1$  és  $P_1 = 204$  EUR. El cost de lot de l'IPC en  $t = 2$  és  $P_2 = 220$  EUR. Amb aquesta informació, mostrada en l'esquema de la dreta, la taxa d'inflació de l'IPC és

$$\pi = \frac{P_2 - P_1}{P_1} = \frac{220 - 204}{204} = 7,84\%.$$

Si 612 EUR es presten en  $t = 1$ , es reben

$612 \cdot (1 + i) = 612 \cdot (1 + 0.10) = 673,2$  EUR en  $t = 2$ . En  $t = 1$  el poder de compra de 612 EUR és  $612/P_1 = 612/204 = 3$  lots. En  $t = 2$ , el poder de compra de 673,2 EUR és  $673,2/P_2 = 673,2/220 = 3.06$  lots. La taxa d'interès real  $r$  mesura el canvi en el poder de compra del diner prestat. En concret,  $r$  transforma 3 lots en 3.06 lots. De fet,  $r$  satisfà  $3 \cdot (1 + r) = 3,06$  i, així,  $r = 0,02$  (2%).



### 3. Equació de Fisher

L'equació de Fisher (1), que és una aproximació de la relació entre  $i$  and  $r$ , manté que la taxa d'interès real és la diferència entre la taxa d'interès nominal i la taxa d'inflació. L'equació (1) es pren usualment com la definició de la taxa d'interès real  $r$  d'una economia.

$$r = i - \pi \quad (1)$$

En l'exemple §2,  $i = 10\%$  i  $\pi = 7,84\%$  (atès que  $P$  passa de 204 to 220). Segons l'equació de Fisher,  $r = i - \pi \approx 10 - 7,84 = 2,16\%$ , que és proper al valor correcte de 2%.

### 4. Components de la taxa d'interès nominal de Fisher

Irving Fisher postulà l'any 1907 que la taxa d'interès nominal, a la llarga, reflecteix la taxa d'inflació. Segons aquesta visió,  $i = r + \pi$ : un prestador expectant guanyar una taxa d'interès real  $r$  i una taxa d'inflació  $\pi$  com a mínim carregarà una taxa d'interès nominal  $i = r + \pi$ . Segons el cas, un prestador podria també afegir a  $i$  una prima de risc  $\rho$  per a compensar el prestador d'un risc d'impagament excessiu. Per aquesta raó, la taxa d'interès nominal es podrien descompondre en almenys tres components:  $i = r + \pi + \rho$ .

## 5. Taxes d'interès negatives

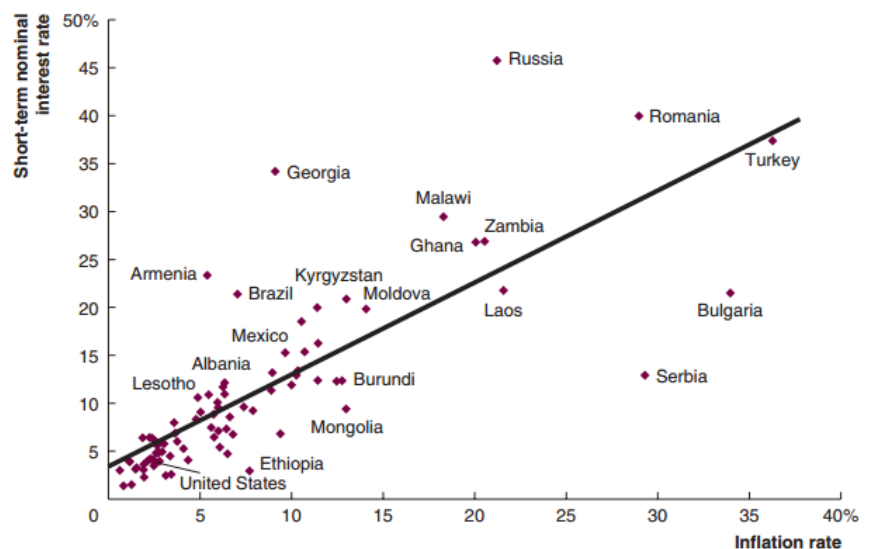
Taxes d'interès real negatives són possibles: n'hi ha prou amb tenir  $\pi > i$ . En l'exemple §2, si el nivell de preus pugés a, per cas, 269,28 en comptes de 220, llavors 673,2 EUR només comprarien 2,5 lots. Després de tornar-se el préstec, podrien comprar-se menys dels 3 lots inicials. En aquest cas,  $r = i - \pi = 10\% - 32\% = -22\%$  (la pèrdua exacta en passar de 3 a 2,5 és 16,6%). Tot i que una taxa d'interès nominal negativa pot resultar inversemblant, els inversors poden acceptar un interès negatiu per a refugiar el seu diner. Al març de 2017, la rendibilitat de les lletres del Tresor espanyoles a 12 mesos era  $-0,302\%$ . També pot tenir-se una taxa d'interès nominal negativa si s'expecta deflació.

## 6. Un exemple amb taxa d'interès negativa

Sigui la taxa d'interès nominal  $1\%$  i la taxa d'inflació  $0,25\%$ . La taxa d'interès real (calculada emprant l'equació de Fisher) és  $0,75\%$ . Ara imaginem que s'expecta una taxa d'inflació de  $-1\%$ . Amb aquesta expectativa, una taxa d'interès nominal negativa de  $-0,25\%$  seria capaç de mantenir la taxa d'interès real en  $0,75\%$ . L'exemple suggereix que la variable rellevant per als prestadors és la taxa d'interès real no la nominal: la nominal és instrumental, no un fi.

## 7. L'efecte Fisher

La hipòtesi de Fisher manté que la taxa d'interès real és aproximadament constant. L'efecte Fisher (una implicació de la hipòtesi de Fisher) afirma que hi ha una relació u a u entre  $i$  and  $\pi$ : cada punt addicional de la taxa d'inflació esdevé un punt més de taxa d'interès nominal. La gràfica de la dreta (RG Hubbard et al., 2012,



*Macroeconomics*, p. 204) mostra evidència empírica que avala l'efecte Fisher: les economies amb alta taxa d'inflació tendeixen a ser economies amb alta taxa d'interès nominal.

## 8. Justificació de l'efecte Fisher

L'equació  $i = r + \pi$  justifica que els prestadors exigeixin una taxa d'interès nominal més gran per a recuperar el poder de compra perdut per causa d'una pujada de preus. Per exemple, si  $P_0 = 100$ ,  $P_1 = 110$  i  $P_2 = 132$ , resulta  $\pi_1 = 10\%$  i  $\pi_2 = 20\%$ . Sigui  $r_1 = 5\%$ : del període  $t = 0$  a  $t = 1$  els prestadors incrementen el poder de compra un  $5\%$ . Això significa que prestar en  $t = 0$  diner equivalent a 1 lot, es rep en  $t = 1$  l'equivalent a 1,05 lots. Així, si es presten 100 EUR en  $t = 0$ , 115,5 EUR es rebran en  $t = 1$ . Per (1), la taxa nominal  $i_1$  que assegura  $r_1 = 5\%$  quan  $\pi_1 = 10\%$  és  $i_1 = r_1 + \pi_1 = 15\%$ . Assumint la hipòtesi de Fisher,  $r_2 = r_1 = 5\%$ . Si  $i_2$  es mantingués al  $15\%$ , prestant 110 EUR (el valor del lot en  $t = 1$ ) en  $t = 2$  es rebrien  $110 \cdot (1 + i_2) = 110 \cdot 1 + 0,15 = 126,5$  EUR. Amb  $P_2 = 132$ , el poder de compra de 126,5 EUR és 0,958 lots: hi ha una pèrdua de poder de compra. Per (1), l' $i_2$  que preserva el poder de compra d'un préstec de diner és  $i_2 = r_2 + \pi_2 = 5\% + 20\% = 25\%$ : de  $t = 1$  a  $t = 2$ ,  $\pi$  augmenta 10 punts i  $i$  també augmenta 10 punts.